

## ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΕ ΤΟΥΣ ΤΟΚΟΥΣ

Στις μέρες μας, λόγω του πληθωρισμού, οι τιμές αυξάνονται. Ως αποτέλεσμα, το κόστος ενός σπιτιού, για παράδειγμα, θα μπορούσε να είναι απαγορευτικό χωρίς αίτηση για δάνειο, και δεν υπάρχει δάνειο που να δίνεται χωρίς τόκο. Με μια πρώτη ματιά το ποσό που εκφράζεται από το ποσοστό που δείχνει το ενδιαφέρον μπορεί να φαίνεται μικρό και η πρόταση ελκυστική. Αλλά μόνο κάνοντας κάποια μαθηματικά θα δούμε πώς ακόμη και οι μικροί αριθμοί, οι μικρές διακυμάνσεις σε ποσοστό, θα μπορούσαν να κάνουν μεγάλη διαφορά όσον αφορά τα χρήματα που θα προστεθούν στο τέλος της περιόδου δανεισμού. Μαζί θα καταλάβουμε πώς να υπολογίσουμε το ποσό που θα προστεθεί στο δάνειο για να το γνωρίζουμε και, επιπλέον, να μπορούμε να αξιολογήσουμε σωστά διαφορετικές προτάσεις.

### Επισκόπηση "ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΤΟΚΩΝ"

**Πώς να υπολογίσετε  
τους τόκους με βάση  
το επιτόκιο που  
εφαρμόζεται**

**Πλαίσιο**  
Καθημερινή ζωή  
Οικονομικά

**Νοητικές διεργασίες**  
Διαχείριση καταστάσεων  
Ανάλυση καταστάσεων  
Επεξεργασία πληροφοριών

#### Ομάδα-στόχος

Ενήλικες και νεαροί ενήλικες.

Οι εκπαιδευόμενοι είναι εξοικειωμένοι με τον υπολογισμό των ποσοστών, είναι άνθρωποι ανοιχτοί σε οικονομικά θέματα που επηρεάζουν κάθε πολίτη στις μέρες μας.

**Διαθέσιμες**  
Ευελιξία  
Περιέργεια  
Συνεργασία

#### Περιεχόμενο

Πολλαπλασιασμός  
Διαίρεση  
Πρόσθεση

#### Αποτελέσματα

Οι εκπαιδευόμενοι θα κατανοήσουν την επίδραση του ύψους του επιτοκίου και θα είναι σε θέση να λάβουν συνειδητές αποφάσεις σχετικά με αυτό.

## Βασικές πληροφορίες

<b>Περιεχόμενο</b>	Φυσικοί αριθμοί, δεκαδικοί αριθμοί, πολλαπλασιασμός, διαίρεση, πρόσθεση.
<b>Ομάδα-στόχος</b>	Ενήλικες και νεαροί ενήλικες. Οι εκπαιδευόμενοι είναι εξοικειωμένοι με τον υπολογισμό των ποσοστών, είναι άνθρωποι ανοιχτοί σε οικονομικά ζητήματα που επηρεάζουν κάθε πολίτη στις μέρες μας.
<b>Πρόθεση μάθησης</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Αριθμητική για προσωπικούς σκοπούς</li> <li>- Αριθμητική για την κατανόηση της κοινωνίας</li> </ul>
<b>Διάρκεια</b>	2 UE
<b>Υλικά και πόροι</b>	Σύντομη λίστα χρησιμοποιημένων υλικών και πόρων
<b>Μέγεθος ομάδας</b>	Εύρος από 4 έως 16 μαθητές
<b>Δήλωση προβλήματος</b>	Το αίτημα για δάνειο πάντα περιλαμβάνει ένα τέλος με συγκεκριμένο τόκο. Κατά την επιλογή της δανειακής σύμβασης ενημερώνεστε για το τι θα είναι το ποσοστό σε σχέση με τους τόκους . Συχνά αυτά τα νούμερα είναι πολύ χαμηλά, και μπορεί να σκεφτούμε ότι το σχετικό χρηματικό ποσό θα είναι επίσης χαμηλό. Στην πραγματικότητα, κάνοντας μερικούς απλούς υπολογισμούς είναι δυνατό να δούμε πως ακόμα και μικροί αριθμοί επηρεάζουν πολύ το σύνολο. Με αυτόν τον τρόπο θα είναι δυνατό να γίνει σωστή πρόβλεψη του συνολικού ποσού που θα επιστραφεί στο τέλος και επίσης να αξιολογήσουμε διαφορετικές προτάσεις , ώστε να εντοπίσουμε την καλύτερη.
<b>Ερωτήσεις εργασίας</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Τι είναι το δάνειο; Τι είναι το επιτόκιο;</li> <li>- Ποιο αναμένεται να είναι το ποσό που θα επιστραφεί σε διαφορετικές συμβατικές καταστάσεις;</li> <li>- Ποιες είναι οι πιο βολικές καταστάσεις;</li> </ul>
<b>Μαθησιακά αποτελέσματα</b>	Οι μαθητές θα κατανοήσουν την επίδραση του ύψους του επιτοκίου και θα είναι σε θέση να λαμβάνουν συνειδητές αποφάσεις σχετικά με αυτό .

### Σχέδιο εργασίας

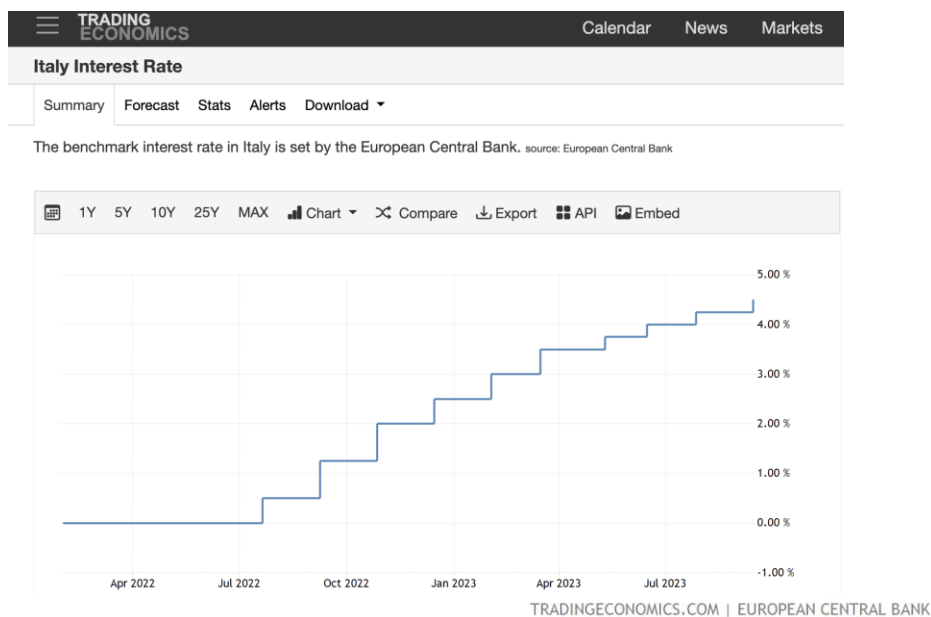
χρόνος (μαθήματα)	Περιγραφή περιεχομένου/δραστηριοτήτων	Υλικό	Μεθοδικές και διδασκτικές πληροφορίες
30' +	<p><b><u>1. Ανακαλύψτε</u></b></p> <p>Η δραστηριότητα αυτή διεξάγεται αρχικά απλά καθοδηγώντας τη συζήτηση με κάποιες ερωτήσεις, αλλά και για την αξιολόγηση των γνώσεων των εκπαιδευόμενων σχετικά με το θέμα. Ως αποτέλεσμα, ο δάσκαλος θα καταλάβει εάν είναι απαραίτητο ή όχι να εμβαθύνει στην έννοια του δανείου και του τόκου.</p>	Διαφάνειες	<p>Συζήτηση</p> <p>[αν χρειάζεται: και προφορική διδασκαλία]</p>
60'	<p><b><u>2. Υπολογίστε τους τόκους</u></b></p> <p>Οι μαθητές ερωτώνται αρχικά πώς θα βαθμολογούσαν το επιτόκιο ορισμένων συμβάσεων. Ακολουθεί μια σύντομη συζήτηση των προτεινόμενων ιδεών και τέλος, αν χρειαστεί, ο δάσκαλος δείχνει, εξηγεί και καθιστά κατανοητό τον μαθηματικό τύπο για να υπολογίσει ακριβώς την αξία του επιτοκίου. Στο τέλος παρουσιάζονται διάφορες καταστάσεις στους εκπαιδευόμενους, οι οποίοι καλούνται να προβλέψουν και να υπολογίσουν το τελικό σύνολο των τόκων που θα καταβληθούν.</p>	Πραγματικές καταστάσεις ή συμβάσεις/δάνεια Αριθμομηχανή	<p>Συζήτηση</p> <p>Συνεργατική μάθηση</p> <p>Πρακτική μάθηση</p> <p>Προφορική διδασκαλία</p>
45'	<p><b><u>3. Αξιολογήστε μια διαφορετική πρόταση</u></b></p> <p>Ο δάσκαλος παραδίδει διαφορετικές προτάσεις δανείου και τους ζητά να αξιολογήσουν τις πιο βολικές, εάν υπάρχουν, και να συζητήσουν μαζί ποια είναι τα κριτήρια που χρησιμοποιούνται για να γίνει μια προσεκτική αξιολόγηση του θέματος.</p>	Πραγματικές καταστάσεις ή συμβόλαια/δάνεια Αριθμομηχανή	<p>Συνεργατική μάθηση (ζευγάρια)</p> <p>Πρακτική μάθηση</p>

30' +	<b>4. Συζήτηση</b>  Οι ομάδες εργασίας μοιράζονται τις εκτιμήσεις που προέκυψαν κατά τη <b>φάση 3</b> . Ακολουθεί φάση ανταλλαγής απόψεων.		Συζήτηση Ανατροφοδότηση
-------	--	--	----------------------------

## Παράρτημα

### 1. Ανακαλύπτω

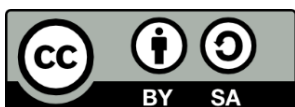
Τα διαφορετικά επιτόκια στις διάφορες χώρες.

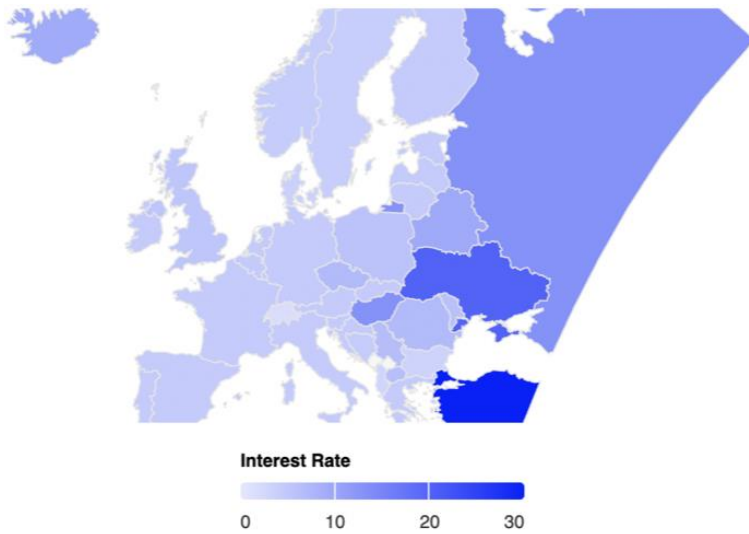


Related	Last	Previous	Unit	Reference
Interest Rate	4.50	4.25	percent	Sep 2023

Italy Interest Rate						
Italy is a member of the European Union which has adopted the euro. Italy's benchmark interest rate is set by the European Central Bank. The official designation for the rate is main refinancing operation.						
Actual	Previous	Highest	Lowest	Dates	Unit	Frequency
4.50	4.25	4.75	0.00	1998 - 2023	percent	Daily

[www.tradingeconomics.com](http://www.tradingeconomics.com)





[www.tradingeconomics.com](http://www.tradingeconomics.com)

Country	Last	Previous	Reference	Unit
Switzerland	1.75	1.75	Sep/23	%
Albania	3	3	Oct/23	%
Bulgaria	3.29	3.12	Aug/23	%
Denmark	3.6	3.35	Sep/23	%
Sweden	4	3.75	Sep/23	%
Norway	4.25	4	Sep/23	%
Bosnia and Herzegovina	4.36	4.45	Aug/23	%
Euro Area	4.5	4.25	Sep/23	%
United Kingdom	5.25	5.25	Sep/23	%
Poland	5.75	6	Oct/23	%
Moldova	6	6	Sep/23	%
Macedonia	6.3	6.15	Sep/23	%
Serbia	6.5	6.5	Oct/23	%
Czech Republic	7	7	Sep/23	%
Romania	7	7	Oct/23	%
Iceland	9.25	9.25	Oct/23	%
Belarus	9.5	9.5	Sep/23	%
Hungary	13	14	Sep/23	%
Russia	13	12	Sep/23	%
Ukraine	20	22	Sep/23	%
Turkey	30	25	Sep/23	%

## 2. Άσκηση: Υπολογίστε και αξιολογήστε

Αναζητήστε στο διαδίκτυο προτάσεις δανείων στη χώρα σας. Υπολογίστε το συνολικό ποσό που θα πρέπει να διαθέσετε στο τέλος.

Για να οριστεί το αρχικό ποσό πώλησης του σπιτιού, μπορείτε να αναζητήσετε αγγελίες πώλησης κατοικιών.

Πλατφόρμες αγγελιών για πωλήσεις κατοικιών: <https://www.spiti24.gr/> ,  
<https://www.remax.gr/pwliseis-agera-katoikies/100-athhna-kentro> κλπ

Παράδειγμα πρότασης δανείου: Πρόταση στεγαστικού δανείου για νεαρούς ενήλικες από την Εθνική Τράπεζα, διαθέσιμο στο <https://www.nbg.gr/el/idiwtes/daneia/stegastika-daneia/spiti-mou-stegastiko-programma-newn> [13.03.24]

### Συγκεκριμένα μπορείτε να εξασφαλίσετε:

- Ποσό δανείου έως το 90% της αξίας του ακινήτου βάσει συμβολαίου αγοράς με μέγιστο 150.000€
- 75% άτοκη χρηματοδότηση από τη Δ.ΥΠ.Α. και ευνοϊκό επιτόκιο για το υπολειπόμενο 25% του κεφαλαίου
- Διάρκεια αποπληρωμής ≤30 έτη
- Μηδενικό επιτόκιο (100% επιδοτούμενο από Δ.ΥΠ.Α.) για το σύνολο του δανείου για τρίτεκνους & πολύτεκνους
- Απαλλαγή από την εισφορά του Ν. 128/75 (0,12%)

This material was produced in the Erasmusplus project **Numeracy in Practice**, projectnumber 2021-1-NL01-KA220-ADU-000 026 292. In this project, 11 partners in 11 countries worked together in designing, evaluating and improving the materials. All materials can be found on the website ([www.cenf.eu](http://www.cenf.eu)).



UNIVERSITAT DE  
BARCELONA



Asturia vzw



D!SORA